

MICHAŁ SZYDŁOWSKI

MODELOWANIE  
FAL POWODZIOWYCH  
NA TERENACH ZABUDOWANYCH

POLITECHNIKA GDAŃSKA

*monografie*

86

POLITECHNIKA GDAŃSKA

MICHAŁ SZYDŁOWSKI

MODELOWANIE  
FAL POWODZIOWYCH  
NA TERENACH ZABUDOWANYCH



GDAŃSK 2007

PRZEWODNICZĄCY KOMITETU REDAKCYJNEGO  
WYDAWNICTWA POLITECHNIKI GDAŃSKIEJ

*Romuald Szymkiewicz*

REDAKTOR PUBLIKACJI NAUKOWYCH

*Janusz T. Cieśliński*

REDAKTOR SERII

*Jerzy M. Sawicki*

RECENZENCI

*Kazimierz Burzyński*

*Janusz Kubrak*

PROJEKT OKŁADKI

*Jolanta Cieślawska*

Wydano za zgodą  
Rektora Politechniki Gdańskiej

Oferta wydawnicza Politechniki Gdańskiej jest dostępna pod adresem  
<http://www.pg.edu.pl/wydawnictwo/katalog>  
zamówienia prosimy kierować na adres [wydaw@pg.gda.pl](mailto:wydaw@pg.gda.pl)

© Copyright by Wydawnictwo Politechniki Gdańskiej  
Gdańsk 2007

Utwór nie może być powielany i rozpowszechniany, w jakiegokolwiek formie  
i w jakiegokolwiek sposób, bez pisemnej zgody wydawcy

ISBN 978–83–7348–200–5

# SPIS TREŚCI

Wykaz ważniejszych oznaczeń .....	5
1. WPROWADZENIE .....	7
2. CEL, ZAKRES I STRUKTURA PRACY .....	8
3. CHARAKTERYSTYKA POWODZI MIEJSKICH .....	11
3.1. Miasta a woda .....	12
3.2. Przepływ wód opadowych w mieście .....	14
3.3. Skutki powodzi .....	14
4. STAN WIEDZY O MATEMATYCZNYM MODELOWANIU PRZEPLÝWÓW POWODZIOWYCH .....	17
4.1. Modelowanie propagacji fali wezbraniowej w ciekach i naturalnych dolinach rzek .....	17
4.1.1. Modele matematyczne .....	18
4.1.2. Metody rozwiązywania równań przepływu wody płytkiej .....	21
4.2. Modelowanie przepływu wód przez obszary zabudowane .....	23
5. MODEL PRZEPLÝWU WODY PO TERENIE ZABUDOWANYM .....	26
5.1. Równania dwuwymiarowego przepływu wody płytkiej .....	26
5.2. Numeryczne rozwiązanie równań przepływu wody płytkiej .....	28
5.2.1. Dyskretyzacja równań w przestrzeni metodą objętości skończonych .....	28
5.2.2. Całkowanie równań w czasie .....	33
5.2.3. Uwzględnienie warunków granicznych .....	34
6. LABORATORYJNE I NUMERYCZNE BADANIA PRZEPLÝWU WODY NA TERENIE ZABUDOWANYM .....	37
6.1. Badania przepływu wody na terenie zabudowanym w laboratorium hydraulicznym ENEL-CESI .....	37
6.2. Badania przepływu wody na terenie zabudowanym w laboratorium hydraulicznym Politechniki Gdańskiej .....	42
6.2.1. Opis stanowiska pomiarowego i metodyki pomiarów .....	42
6.2.2. Przebieg eksperymentu .....	47
6.2.3. Analiza błędów i niepewności pomiarów .....	47
6.2.4. Zakres badań .....	50
6.2.5. Eksperyment E01 – przepływ przez obszar bez zabudowy .....	52
6.3. Porównanie wyników obliczeń numerycznych z pomiarami .....	54
6.3.1. Eksperyment E02 – opływ pojedynczego budynku ustawionego prostopadle do osi wyrwy w wale .....	57
6.3.2. Eksperyment E03 – opływ pojedynczego budynku ustawionego ukośnie do osi wyrwy w wale .....	65
6.3.3. Eksperyment E04 – przepływ przez obszar z budynkami w układzie szeregowym .....	74
6.3.4. Eksperyment E05 – przepływ przez obszar z budynkami w układzie w szachownicę .....	82
6.3.5. Eksperyment E06 – przepływ przez obszar z budynkami ustawionymi ukośnie do osi wyrwy w wale (wersja 1) .....	90
6.3.6. Eksperyment E07 – przepływ przez obszar z budynkami ustawionymi ukośnie do osi wyrwy w wale (wersja 2) .....	98
6.3.7. Eksperymenty E08 i E09 – przepływ przez jednostronnie rozszerzony obszar zalewu .....	106
6.4. Wpływ sposobu reprezentacji obszaru zabudowanego na wyniki obliczeń .....	116

---

7. NUMERYCZNA SYMULACJA POWODZI NA ZABUDOWANYM TERENIE	
ZALEWOWYM OBWAŁOWANEJ RZEKI .....	123
7.1. Zalew fikcyjnego terenu zabudowanego .....	123
7.2. Zalew rzeczywistego terenu zabudowanego – Saska Kępa w dolinie Wisły w Warszawie .....	129
8. PODSUMOWANIE I WNIOSKI .....	137
Bibliografia .....	140
Streszczenie w jęz. polskim .....	148
Streszczenie w jęz. angielskim .....	149

## WYKAZ WAŻNIEJSZYCH OZNACZEŃ

- A** – jacobian wektora **F**
- Cr** – liczba Couranta
- c** – prędkość rozprzestrzeniania się małych zaburzeń
- E, G** – wektory strumieni zmiennych zachowawczych w kierunku  $x$  i  $y$
- F** – wektor strumieni zmiennych zachowawczych
- Fr** – liczba Froude'a
- g** – przyspieszenie ziemskie
- h** – głębokość wody
- I** – macierz jednostkowa
- n** – współczynnik szorstkości Manninga
- n** – wektor jednostkowy, normalny do powierzchni
- $n_x, n_y$  – składowe wektora **n**
- $q_x, q_y$  – jednostkowe natężenie przepływu odpowiednio w kierunku  $x$  i  $y$
- r** – prawy wektor własny macierzy **A**
- R** – niezmiennik Riemanna
- S** – wektor członów źródłowych
- $S_{fx}, S_{fy}$  – spadek hydrauliczny odpowiednio w kierunku  $x$  i  $y$
- $S_{ox}, S_{oy}$  – spadek dna odpowiednio w kierunku  $x$  i  $y$
- t** – czas
- U** – wektor zmiennych zachowawczych
- u** – wektor prędkości przepływu
- $u, v$  – poziome składowe wektora **u**
- $x, y$  – poziome współrzędne układu kartezjańskiego
- $\lambda$  – wartość własna macierzy **A**
- $\Theta$  – współczynnik wagowy



## Rozdział 1

# WPROWADZENIE

W pracy przedstawiono podsumowanie wyników badań prowadzonych przez autora w Politechnice Gdańskiej w latach 2004–2006, dotyczących matematycznego modelowania powierzchniowego przepływu wody na terenach zabudowanych, powstałego wskutek przerwania obwałowania przeciwpowodziowego, czy uszkodzenia budowli piętrzącej. Stanowi ona uzupełnienie i rozszerzenie wcześniejszych badań na temat modelowania propagacji fal powodziowych w naturalnych dolinach rzek, wywoływanych awariami zapór zbiornikowych (Szydłowski, 2003).

Problem matematycznego modelowania powierzchniowego przepływu wody na terenach o intensywnej zabudowie był jednym z podstawowych elementów wykonanego pod kierownictwem autora w latach 2005–2006 projektu badawczego nr 2 P06S 034 29, finansowanego przez ówczesne Ministerstwo Nauki i Informatyzacji pt. „Fizyczne i matematyczne modelowanie gwałtownych zalewów na obszarach o zróżnicowanym zagospodarowaniu terenu dla potrzeb prognozowania skutków powodzi i wyznaczania lokalnych stref zagrożenia powodziowego”.

Powodzie w obszarach miejskich mają różne przyczyny. Mogą być one bądź następstwem zjawisk naturalnych, takich jak wystąpienia rzek z koryt i ulewne deszcze, bądź też skutkiem uszkodzeń budowli hydrotechnicznych, takich jak zapory zbiornikowe lub wały przeciwpowodziowe. Również sam przebieg powodzi w mieście może być różny: powolny – związany z długotrwałym zatopieniem terenów zalanych, lub gwałtowny i krótkotrwały – wynikający z nagłego pojawienia się i przejścia fali wezbraniowej. W pracy przedstawiono wyniki badań nad drugim z wymienionych typów powodzi, której skutki zależą głównie od hydrodynamiki przepływu, a nie od czasu zatopienia zalanych terenów. Skupiono się na analizie wpływu elementów zabudowy miejskiej, takich jak domy i zespoły budynków, na warunki przepływu wody. Szczególną uwagę zwrócono na problem właściwego wyboru i poprawnego rozwiązania matematycznego modelu rozpatrywanego zjawiska fizycznego oraz na ocenę jakości wyników obliczeń.

W hydrologii, najczęściej stosowanym matematycznym modelem przepływu wody w naturalnych ciekach i zbiornikach są jedno- bądź dwuwymiarowe równania de Saint-Venanta. U podstaw wyprowadzenia wspomnianych równań leży założenie o wolnozmienności ruchu wody. W przypadku powodzi na terenach zabudowanych, wywołanych nagłymi przyczynami, takimi jak przerwania wałów powodziowych, można spodziewać się, że przepływ wody będzie miał charakter szybkozmienny. Jednocześnie, w przypadku gdy obszar przepływu jest zabudowany, mogą w nim występować zjawiska lokalne, jak choćby odskoki hydrauliczne, znaczne spiętrzenia i depresje zwierciadła czy strefy cyrkulacji prędkości. Z formalnego punktu widzenia, w takich warunkach ruchu, równania de Saint-Venanta nie są adekwatnym modelem zjawiska przepływu wody ze swobodnym zwierciadłem. Prowadząc badania opisane w niniejszej pracy, szukano odpowiedzi na pytanie, czy w praktyce dwuwymiarowy, płaski model fali dynamicznej nadaje się do numerycznych symulacji powodzi na terenie zurbanizowanym, wywołanych awariami wałów przeciwpowodziowych, oraz jakie są ograniczenia jego stosowalności.